

1 十角形

10点

外角の和は 360° 。内角の和 $=360^\circ \times 4 = 1440^\circ$ 。 $180(n-2) = 1440$, $n-2=8$, $n=10$ 。

2 120°

10点

隣り合う角の和 $=180^\circ$ 。 $2\angle B + \angle B = 180^\circ$, $3\angle B = 180^\circ$, $\angle B = 60^\circ$, $\angle A = 120^\circ$ 。対角は等しいので $\angle C = \angle A = 120^\circ$ 。

3 60°

10点

2組の対辺がそれぞれ等しいため平行四辺形。対角は等しいので $\angle C = \angle A = 60^\circ$ 。(隣り合う $\angle B$ や $\angle D$ は $180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$)

4 126°

10点

$\angle B = \angle C = (180^\circ - 72^\circ) / 2 = 54^\circ$ 。外角 $= 180^\circ - 54^\circ = 126^\circ$ 。または外角の定理により、 $\angle A + \angle C = 72^\circ + 54^\circ = 126^\circ$ 。

5 2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい

10点

$AB = DE$, $\angle A = \angle D$, $AC = DF$ が与えられており、角を間に挟む2つの辺が等しいため、2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいが成立します。

6 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい

10点

平行四辺形の対辺は等しく平行。 $AB = CD$, $\angle OAB = \angle OCD$ (錯角), $\angle OBA = \angle ODC$ (錯角)。よって「1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい」で合同。また、対角線は中点で交わるので $OA = OC$, $OB = OD$, 対頂角 $\angle AOB = \angle COD$ から「2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい」でも証明可。

7 2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい

10点

対角線は中点で交わるので $BO = DO$ 。垂直に交わるので $\angle AOB = \angle AOD = 90^\circ$ 。 AO は共通。2辺とその間の角が等しく合同。対応辺 $AB = AD$ より隣り合う辺が等しい平行四辺形=ひし形。

8 イ. 108°

10点

n 角形の内角の和は $(n-2) \times 180^\circ$ 。五角形では $(5-2) \times 180^\circ = 540^\circ$ 。1つの内角 $= 540^\circ \div 5 = 108^\circ$ 。

9 イ. いいえ、角の位置による

10点

SSA (辺-辺-角) は合同条件ではありません。角の位置によっては異なる三角形が存在する場合があります。

10 イ. 等脚台形

10点

2つの脚 (非平行な辺) が等しい台形を等脚台形と呼びます。等脚台形では底角が等しいという性質があります。