

1 正十二角形 (12辺)

10点

外角を x° とすると内角は $5x^\circ$ 。内角+外角 $=180^\circ$ より $6x=180$, $x=30^\circ$ 。外角の和は 360° なので $360\div 30=12$ 。

2 十三角形

10点

n 角形の内角の和 $=180^\circ \times (n-2)$ 。 $180(n-2)=1980$, $n-2=11$, $n=13$ 。

3 125°

10点

$\angle B + \angle C = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$ 。二等分線により $\angle PBC + \angle PCB = 110^\circ \div 2 = 55^\circ$ 。 $\triangle PBC$ の内角の和より $\angle BPC = 180^\circ - 55^\circ = 125^\circ$ 。

4 $AC=DF$ (3組の辺がそれぞれ等しい) または $\angle B = \angle E$ (2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい)

10点

$AC=DF$ を加えると3組の辺が等しい (3組の辺がそれぞれ等しい)。 $\angle B = \angle E$ を加えると2辺とその間の角が等しい (2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい)。なお $\angle A = \angle D$ は「間の角」ではないため不十分。

5 逆: 「2つの三角形の面積が等しければ、その2つの三角形は合同である」。正しくない (偽)。

10点

面積が等しくても底辺と高さの比率が異なる三角形は無数に存在するため、合同とは限らない。

6 72°

10点

平行線の性質により、同位角が等しいとき錯角も等しくなる。同位角 72° なので錯角も 72° 。

7 2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい (2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい)

10点

$\triangle ABD$ と $\triangle ACD$ で、 $AB=AC$ (二等辺)、 $AD=AD$ (共通)、 $\angle BAD = \angle CAD$ (頂角の二等分線)。2辺とその間の角が等しいので2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいで合同。

8 エ. 3組の角がそれぞれ等しい

10点

3組の角が等しいのは「相似条件」であり、大きさが異なる場合があるため「合同条件」にはならない。

9 ア. 7本

10点

n 角形の1つの頂点からひける対角線は $n-3$ 本。 $10-3=7$ 本 (自分自身と両隣の計3頂点には対角線をひけない)。

10 イ. LとNは平行である

10点

同一平面上で同じ直線に平行な複数の直線は、互いに平行になる (平行の推移律)。